

Magdeburg, den 13.09.2024

Aufgabe 1 : Grundlegende Algorithmen

a) Der folgende Code implementiert eine rekursive Version der binären Suche:

```
1 def find(a: list[int], x: int) -> int | None:
2     def _find(a: list[int], x: int, l: int, r: int) -> int | None:
3         if l > r:
4             return None
5         m: int = (l+r) // 2
6         if a[m] == x:
7             return m
8
9         if x < a[m]:
10            return _find(a, x, l, m - 1)
11        else:
12            return _find(a, x, m + 1, r)
13
14    return _find(a, x, 0, len(a)-1)
```

- Welche Bedeutung hat der Rückgabewert von `find`?
- Definiere und implementiere eine iterative Funktion `ifind` für die binäre Suche. Deine Implementierung darf keine Rekursion verwenden und keine Bibliotheken oder vordefinierten Funktionen benutzen.
- Angenommen, du dürftest nur 11 Vergleiche machen: Wie groß könnte ein Array maximal sein, damit du garantiert ein richtiges Ergebnis bekommst? (**Hinweis:** Um die Aufgabe zu vereinfachen, brauchst du nur die Vergleiche in Zeile 9 zählen und kannst alle anderen Vergleiche ignorieren.)

[5 points]

Magdeburg, den 13.09.2024

b) Gegeben seien die folgenden Funktionen. Erkläre, was die jeweiligen Funktionen berechnen und was deren jeweilige Komplexitätsklasse im schlimmsten Fall ist (Groß-O-Notation!).

```
1 def a(n: int) -> int:
2     if n <= 1:
3         return 1
4     else:
5         return n * a(n-1)
6
7
8 def b(n: int) -> int:
9     if n <= 0:
10        return 0
11    else:
12        return 1 + b(n//2)
13
14 def c(n: int) -> int:
15     if n <= 0:
16        return 0
17     elif n <= 2:
18        return 1
19     else:
20        return c(n-2) + c(n-1)
```

[6 points]

Magdeburg, den 13.09.2024

Aufgabe 2 : Objektorientierte Programmierung

a) Gegeben sei die folgende Klassenhierarchie, was ist die Ausgabe, die von den Zeilen 30, 33, 34, and 37 erzeugt wird?

```
1 class Pokemon:
2     def attack(self, s: str) -> None:
3         raise NotImplementedError
4
5     def move(self, target: str) -> None:
6         print(f"Teleporting to {target}.")
7
8 class Eevee(Pokemon):
9     def attack(self, s: str = "") -> None:
10        print("Tackle!")
11
12    def move(self, target: str) -> None:
13        print(f"Run away from {target}.")
14
15 class Vaporeon(Eevee):
16    def attack(self, target: str) -> None:
17        super().move(target)
18        print("Water Gun!")
19        self.attack(target)
20
21 class Magikarp(Pokemon):
22    def attack(self, s: str) -> None:
23        super().attack(s)
24
25    def move(self, target: str) -> None:
26        print(f"Flop around.")
27
28 if __name__ == "__main__":
29     garados: Magikarp = Magikarp()
30     garados.move("Kanto")
31
32     jolteon: Eevee = Eevee()
33     jolteon.attack()
34     jolteon.move("Alola")
35
36     flareon: Pokemon = Vaporeon()
37     flareon.attack("Pikachu")
```

[4 points]

| | Output |
|-----------|--------|
| Zeile 30: | |
| Zeile 33: | |
| Zeile 34: | |
| Zeile 37: | |

Magdeburg, den 13.09.2024

Aufgabe 3 : Listen

a)

```
1 class DoubleLinkedListNode:
2     def __init__(self, item=None, prev=None, next=None):
3         self._item = item
4         self._prev = prev
5         self._next = next
6
7
8 class DoubleLinkedList:
9     def __init__(self):
10        self._head = DoubleLinkedListNode()           # an empty DLL always
11        self._tail = DoubleLinkedListNode(prev=self._head) # contains at least
12        self._head._next = self._tail                 # two empty nodes
13
14        def insert_before(self, node: DoubleLinkedListNode):
15            pass
16
17        def remove(self, node: DoubleLinkedListNode):
18            pass
```

Implementiere die beiden fehlenden Funktionen `insert_before` und `remove`. Du darfst davon ausgehen, dass alle Argumente ausreichend instantiiert wurden (d.h. nicht `None`). Außerdem darfst du im Fall von `remove` davon ausgehen, dass der übergebene Knoten auch wirklich Teil der Liste ist. Du kannst alle Attribute und Methoden der Klasse `DoubleLinkedListNode` direkt benutzen, ohne Getter oder Setter Methoden benutzen zu müssen. [4 points]

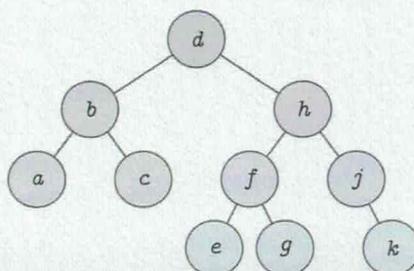
Magdeburg, den 13.09.2024

b) Die Implementierung der doppelt verketteten Liste aus der Vorlesung und die von der vorherigen Aufgabe benutzen jeweils Dummy-Knoten für den `_head` und den `_tail` der Liste. Warum ist das so? Was würde sich ändern, wenn wir das erste bzw. letzte Element direkt referenzieren würden? [2 points]

Magdeburg, den 13.09.2024

Aufgabe 4 : Bäume

a) Gegeben sei der folgende binäre Suchbaum:



- Lösche – in genau dieser Reihenfolge – die Knoten *a*, *j* und *d*. Zeichne den Baum nach jedem Löschvorgang.

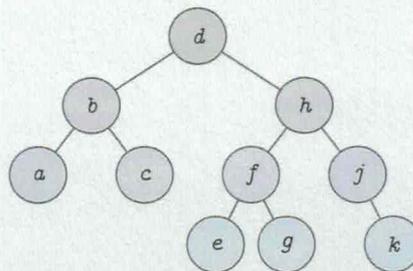
[4 points]



Magdeburg, den 13.09.2024

b) Gegeben sei der folgende binäre Baum. Was ist das Ergebnis eines

- Preorder-Traversals,
- Inorder-Traversals,
- Postorder-Traversals,
- Levelorder-Traversals?



| | |
|-----------------------|--|
| preorder traversal: | |
| inorder traversal: | |
| postorder traversal: | |
| levelorder traversal: | |

[4 points]



Magdeburg, den 13.09.2024

Aufgabe 5 : *Balancierte Bäume*

a)

- Erkläre **kurz**, was ein AVL-Baum ist.
- Füge die folgende Sequenz von Zahlen in einen AVL-Baum ein. Skizziere den Baum nach jedem Einfügen und vor/nach jedem Umordnen.

[5, 2, 1, 6, 3, 4, 7, 0]

[5 points]

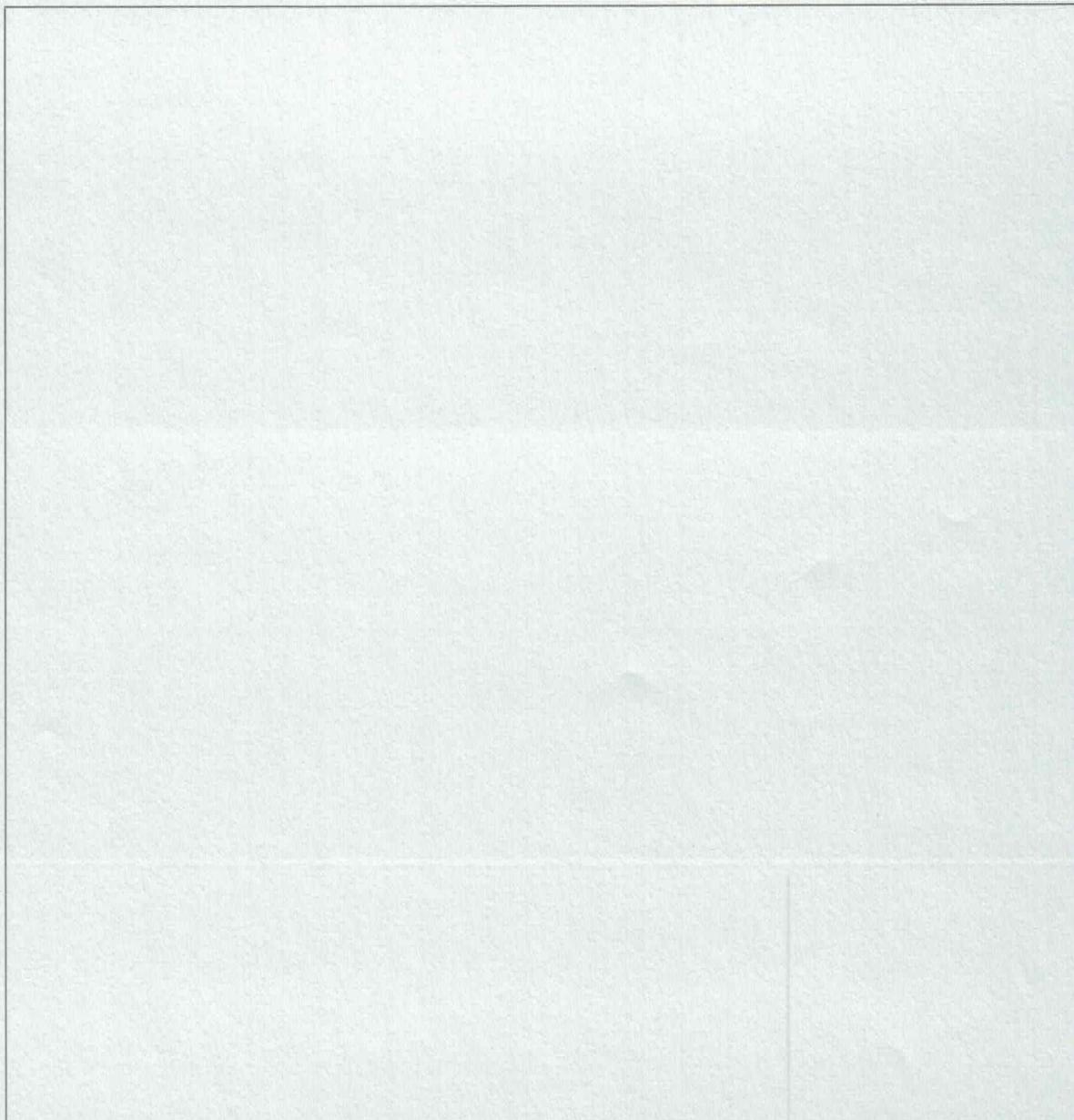
Magdeburg, den 13.09.2024

b)

- Erkläre **kurz**, was ein 2-3-4 Baum ist.
- Füge die folgende Sequenz von Zahlen in einen 2-3-4 Baum ein. Skizziere den Baum nach jedem Einfügen und vor/nach jedem Umordnen.

[50, 20, 60, 10, 8, 15, 32, 26, 48, 42]

[5 points]



Magdeburg, den 13.09.2024

Aufgabe 6 : Hashs

a) Füge die folgenden Zahlen in eine Hashtabelle \mathcal{H} ein.

[15, 9, 1, 10, 8, 3]

Die Hashtabelle hat die Größe $m = 7$. Benutze die beiden folgenden Hashfunktionen:

$$h_1(x) = 2x - 1$$

$$h_2(x) = 3x + 1.$$

| | | | | | | |
|----------|---|---|---|---|----|----|
| x | 1 | 3 | 8 | 9 | 10 | 15 |
| $h_1(x)$ | | | | | | |
| $h_2(x)$ | | | | | | |

1. Benutze offene Adressierung mit linearem Sondieren zur Kollisionsbehandlung. Benutze für diese Aufgabe h_1 als Hashfunktion! Zähle außerdem die Anzahl der Kollisionen.

| | | | | | | | |
|------------------|---|---|---|---|---|---|---|
| i | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
| $\mathcal{H}[i]$ | | | | | | | |

2. Benutze offene Adressierung mit Double-Hashing zur Kollisionsbehandlung. Benutze für diese Aufgabe h_1 und h_2 als Hashfunktionen! Zähle außerdem die Anzahl der Kollisionen.

| | | | | | | | |
|------------------|---|---|---|---|---|---|---|
| i | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
| $\mathcal{H}[i]$ | | | | | | | |

3. Welchen Vorteil hat Double-Hashing normalerweise gegenüber linearem Sondieren?

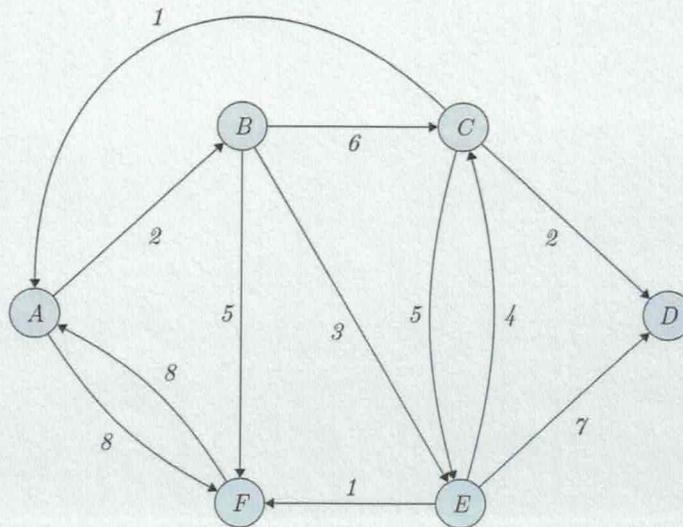
4. Um Kollisionen beim Einfügen zu vermeiden könnten wir den Wert der Hashfunktion auch zufällig bestimmen. Warum ist das eine schlechte Idee?

[9 points]

Magdeburg, den 13.09.2024

Aufgabe 7 : Graphen

a) Wende Dijkstras Algorithmus auf den folgenden Graphen an. Beginne dafür mit dem Knoten A.

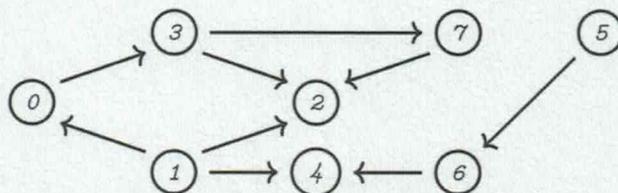


| | A | B | C | D | E | F |
|--------------|---|---|---|---|---|---|
| Vorgänger | - | | | | | |
| Abstand zu A | 0 | | | | | |

[4 points]

Magdeburg, den 13.09.2024

b) Gegeben sei der folgende Graph:



Berechne eine mögliche topologische Sortierung dieses Graphen. Falls du jemals die Wahl zwischen mehr als einem Knoten hast, wähle zum weitermachen immer den Knoten aus, der die kleinste Zahl enthält. [3 points]

Magdeburg, den 13.09.2024

Aufgabe 8 : Wahr oder Falsch

a) Entscheide für die folgenden Aussagen, ob sie wahr oder falsch sind. Du musst deine Antwort nicht begründen. Jede richtige Antwort gibt 0.5 Punkte, jede falsche Antwort gibt 0.5 Punkte Abzug. Wenn du eine Frage nicht beantwortest kriegst du weder Punkte, noch werden dir Punkte abgezogen. Bei dieser Aufgabe kriegst du mindestens 0 Punkte.

1. $\log_3 2^n \in \mathcal{O}(n)$
2. Im besten Fall kann Bubble Sort schneller sein als Insertion Sort.
3. Der schnellste Weg einen Heap aus einem Array aufzubauen liegt in $\mathcal{O}(n)$.
4. Das B in B-Baum steht für binär.
5. Merge Sort kann als externes Sortierverfahren genutzt werden.
6. Pythonprogramme werden vor der Ausführung kompiliert.
7. Klassen können in Python von mehr als einer Basisklasse erben.
8. Wenn man in Python einem Attribut den Präfix `__` gibt, heißt das, dass man von außerhalb dieser Klasse nicht mehr auf das Attribut zugreifen kann.
9. In einem binären Min-Heap befindet sich das größte Element in einem der Blätter.
10. Zum Lösen des Rucksackproblems mit dynamischer Programmierung braucht man $\mathcal{O}(n^C)$ Schritte.

| | true | false |
|----|--------------------------|--------------------------|
| 1 | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| 2 | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| 3 | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| 4 | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| 5 | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| 6 | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| 7 | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| 8 | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| 9 | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| 10 | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

[5 points]